

Матеріали XIX наукової конференції ТНТУ ім. І. Пулюя, 2016

УДК 623.407

О. Шкодзінський, І. Белякова, В. Медвідь В. Пісьціо,

Тернопільський національний технічний університет імені Івана Пулюя

ОПТИМІЗАЦІЯ ВЛАСНОЇ ФОРМИ КОЛИВАНЬ П'ЄЗОЕЛЕКТРИЧНОГО ТРАНСФОРМАТОРА

O.Shkodzinsky, I.Belyakova, V.Piscio, V.Medvid

OPTIMIZING OWN FORMS OF VIBRATIONS OF A PIEZOELECTRIC TRANSFORMER

Розглянемо задачу оптимізації форми плоского п'єзотрансформатора струму (ПТ) з поляризацією за товщиною пластини. Нехай пластинка має товщину h , а її середня площа співпадає з площиною xOy , а матеріал має густину ρ .

Припустимо, що бічні поверхні п'єзотрансформатора вільні від електродів, а верхня і нижня поверхні покриті системою електродів, зазор між якими наближається до 0. Для зменшення втрат енергії п'єзотрансформатор звичайно закріплюють так, щоб його поверхні не передавали зусилля на закріплення, така умова приводить до граничної умови: $\sigma_{ij}n_j = 0$, де n_j - вектор зовнішньої нормалі. У випадку одномірних коливань з коловою частотою ω по довжині (координаті x) при змінній ширині $b(x)$ п'єзотрансформатора та симетрії ПТ відносно осі Ox рівняння, що описують його можуть бути записані у виді:

$$\frac{d}{dx}(b\sigma_{11}) + \rho\omega^2 b u_1 = 0;$$

$$\frac{d}{dx}u_1 = s_{11}\sigma_{11} + \frac{d_{31}}{h \cdot b} \int_{-b/2}^{b/2} \varphi(x, y) dy,$$

де $\varphi(x, y)$ - різниця потенціалів між верхнім і нижнім електродами ПТ, залежна, в загальному випадку, від двох координат. Так як п'єзотрансформатор найчастіше працює у режимі близькому до резонансу можна вважати, що розподіл напружень у трансформаторі буде такий самий як при власній формі коливань.

Тоді система рівнянь спроститься і може бути записана у вигляді одного рівняння другого порядку:

$$\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{b} \frac{d}{dx} (b\sigma_{11}) \right) + \rho\omega^2 s_{11} \sigma_{11} = 0$$

У випадку оптимальної форми ПТ напруження σ_{11} у матеріалі ПТ наближаються до $[\sigma]$, а форма ПТ має наближатись до такої, що описується наступним рівнянням:

$$\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{b} \frac{d}{dx} (b[\sigma]) \right) + \rho\omega^2 s_{11} [\sigma] = 0.$$

Цю залежність можна вважати диференціальним рівнянням відносно b , що має загальний розв'язок, котрий може бути записаний у вигляді:

$$b(x) = B \exp \left(- \frac{\rho\omega^2 s_{11} x^2}{2} + A \cdot x \right).$$

Невідома стала A лише призводить до переміщення п'єзотрансформатора по осі x , а при $A = 0$ невідома стала B визначається необхідною потужністю ПТ.

Як легко зрозуміти, дефект такої оптимальної форми полягає в тому, що оптимальна форма п'єзопластини має мати нескінчену довжину так як у протилежному випадку напруження σ_{11} ніколи не досягнуть нульового значення, але, якщо примусово задати при $|x| > L_r$ ширину $b(x)$ рівну $b(L_r)$, довжина такої ділянки має бути такою,

щоб напруження у матеріалі спали до нуля. Отримана форма ПТ буде близькою до оптимальної, і тим ближче до оптимальної чим більше L_T . Ескіз відповідної форми п'єзотрансформатора із матеріала PZT-4 представлений на наступному рисунку.

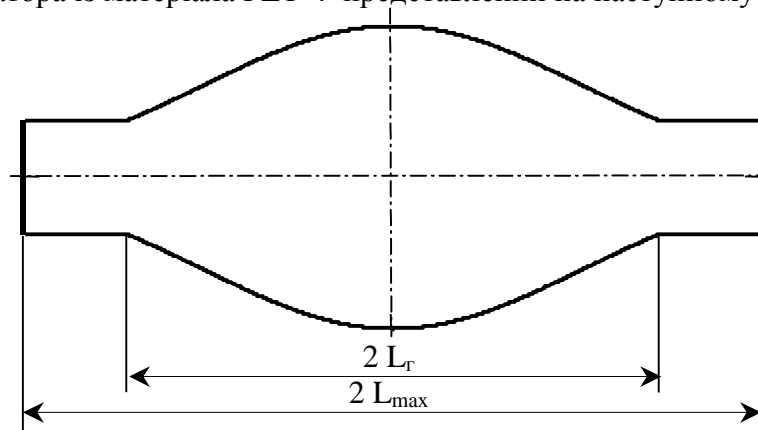


Рис. 1. Форма п'єзотрансформатора

Розподіл механічних напружень (у відносних одиницях) у п'єзотрансформаторі зображений на наступному рисунку, а розподіл переміщень - на рис. 3. На рисунках λ - довжина хвилі поздовжніх механічних коливань.

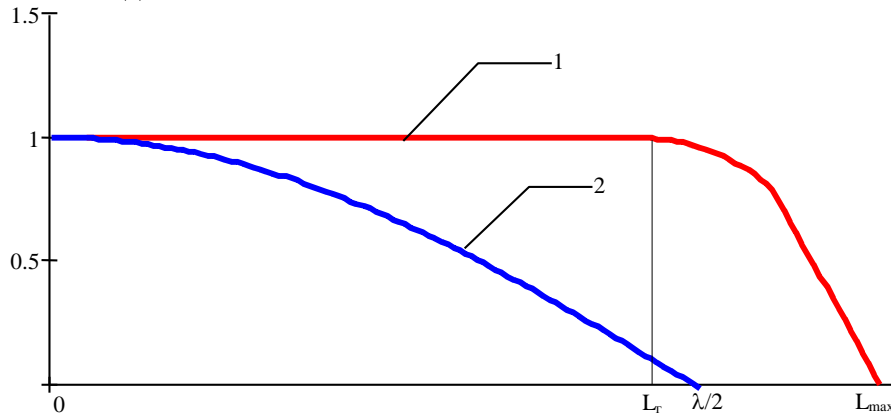


Рис. 2. Розподіл напружень у матеріалі п'єзотрансформатора
1 - пропонуванний п'єзотрансформатор, 2 - стандартний п'єзотрансформатор постійної ширини

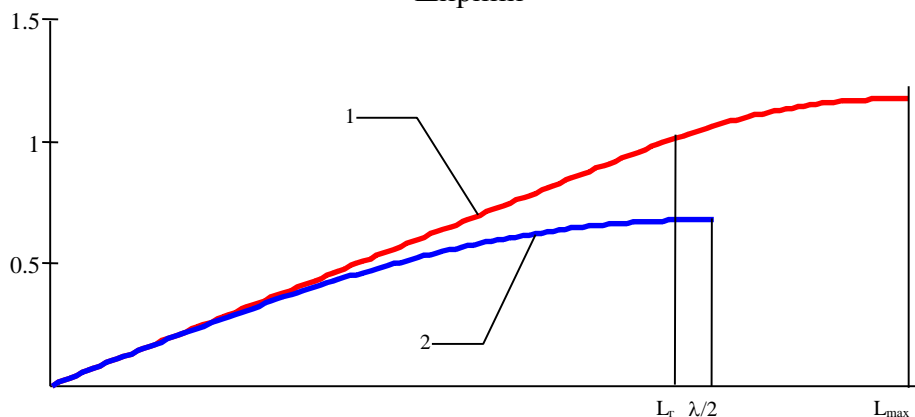


Рис. 3. Розподіл переміщень у матеріалі п'єзотрансформатора
1 - пропонуванний п'єзотрансформатор, 2 - стандартний п'єзотрансформатор постійної ширини

Із графіків видно, що напруження у матеріалі у пропонуваному п'єзотрансформаторі близькі до максимально допустимих практично по всьому матеріалу ПТ, а переміщення ростуть лінійно із збільшенням ширини до тих пір поки координата x_1 не перевищить L_T .